

МЕХАНИЧЕСКИЕ ЯВЛЕНИЯ

Физические величины

Координата тела, путь, расстояние	метр	$[x] = [s] = \text{м}$
Скорость	метр в секунду	$[v] = \text{м/с}$
Ускорение	метр в секунду за секунду	$[a] = \text{м/с}^2$
Угловая скорость	радиан в секунду	$[\omega] = \text{рад/с} = 1/\text{с}$
Период вращения тела	секунда	$[T] = \text{с}$
Частота вращения тела	оборот в секунду	$[n] = \frac{\text{об}}{\text{с}} = \frac{1}{\text{с}}$
Масса	килограмм	$[m] = \text{кг}$
Плотность	килограмм на кубический метр	$[\rho] = \text{кг}/\text{м}^3$
Сила	ньютон	$[F] = [P] = \text{Н} = \text{кг}\cdot\text{м}/\text{с}^2$
Деформация	метр	$[x] = \text{м}$
Жёсткость пружины	ニュтона на метр	$[k] = \text{Н/м}$
Работа	джауль	$[A] = \text{Дж} = \text{Н} \cdot \text{м}$
Мощность	ватт	$[P] = \text{Вт} = \text{Дж}/\text{с}$
Энергия	джауль	$[E] = \text{Дж} = \text{кг}\cdot\text{м}^2/\text{с}^2$
Импульс	ньютон-метр	$[p] = \text{кг} \cdot \text{м}/\text{с}$
Момента силы	метр	$[M] = \text{Н} \cdot \text{м}$
Плечо силы	паскаль	$[l] = \text{м}$
Давление	кубический метр	$[p] = \text{Па} = \text{Н}/\text{м}^2$
Объём	секунда	$[V] = \text{м}^3$
Период	герц	$[T] = \text{с}$
Частота		$[\nu] = \Gamma_{\text{Д}} = \frac{1}{\text{с}}$
Длина волны	метр	$[\lambda] = \text{м}$
Скорость волны	метр в секунду	$[v] = \text{м/с}$

Кинематика

Механическое движение — перемещение тел друг относительно друга.

Материальная точка — тело, размерами которого в условиях данной задачи можно пренебречь.

Прямолинейное движение — движение тела вдоль прямой линии, которую принимают за координатную ось X .

Координата тела — расстояние от начала координат до тела в данный момент времени. Координата — функция времени.

$$x = x(t)$$

Число степеней свободы тела — число независимых координат, определяющих его положение в пространстве.

Траектория движения тела — линия, которую оно описывает в пространстве при своём движении.

Путь s — длина отрезка траектории, пройденного телом за время t .

Скорость тела — быстрота изменения его координаты со временем.

$$v = \frac{\Delta x}{\Delta t}$$

Среднее значение скорости тела — отношение пройденного пути ко времени, за которое он был пройден.

$$v_{cp} = \frac{s}{t}$$

Путь и координата тела при равномерном прямолинейном движении (x_0 — начальная координата при $t = 0$).

$$\begin{aligned} s &= x - x_0 = vt \\ (v &= \text{const}) \end{aligned}$$

Ускорение тела — быстрота изменения его скорости со временем.

$$a = \frac{\Delta v}{\Delta t}$$

Скорость, координата и путь при равноускоренном движении тела ($a = \text{const}$, x_0 и v_0 — начальные координата и скорость тела при $t = 0$).

$$\begin{aligned} v &= v_0 + at, \\ s &= x - x_0 = v_0 t + \frac{at^2}{2} \end{aligned}$$

Однородное поле тяжести — ускорение свободного падения одинаково в любой его точке.

$$a = g = 9,8 \text{ м/с}^2$$

Угловая скорость твёрдого тела, вращающегося вокруг оси ($\Delta\phi$ — угол поворота за малый промежуток времени Δt).

$$\omega = \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$$

Угловая скорость при равномерном вращении ($\omega = \text{const}$).

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = 2\pi n$$

Период вращения — время, за которое тело совершает один оборот (N — полное число оборотов).

$$T = \frac{t}{N}$$

Частота вращения — число оборотов, совершаемых за единицу времени.

$$n = \frac{N}{t}$$

Центростремительное ускорение материальной точки, движущейся по окружности радиуса R со скоростью v .

$$a_{\Pi} = \frac{v^2}{R}$$

Связь линейных и угловых величин.

$$v = \omega \cdot R,$$

$$a_{\Pi} = \omega^2 R$$

Динамика

Масса — мера количества вещества в теле.

Плотность вещества — отношение массы тела к его объёму.

$$\rho = \frac{m}{V}$$

Сила, действующая на тело — произведение массы тела на его ускорение.

$$\vec{F} = m \cdot \vec{a}$$

Принцип суперпозиции. Если к телу в одной его точке приложено несколько сил, оно движется так, будто на него действует одна — результирующая сила $\vec{F}_{\text{рез}}$, равная векторной сумме этих сил.

$$\vec{F}_{\text{рез}} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \dots$$

Инерциальная система отсчёта — система отсчёта, относительно которой тело поконится или движется с постоянной скоростью, если сумма приложенных к нему сил равна нулю.

Первый закон Ньютона. Если на тело не действует сила, то оно поконится или движется с постоянной скоростью.

$$\vec{a} = 0,$$

если $\vec{F} = 0$

Второй закон Ньютона. Произведение массы тела на его ускорение равно результирующей приложенных к нему сил.

$$m\vec{a} = \vec{F}_{\text{рез}}$$

Третий закон Ньютона. Если два тела взаимодействуют друг с другом, то сила, действующая на первое тело со стороны второго, равна по модулю и противоположна по направлению силе, действующей на второе тело со стороны первого.

$$\vec{F}_{12} = -\vec{F}_{21}$$

Принцип относительности Галилея. Уравнения, выражающие законы Ньютона, имеют один и тот же вид в любой инерциальной системе отсчёта.

Закон сложения скоростей в классической механике (\vec{v}' — скорость тела относительно системы отсчёта, которая движется со скоростью \vec{V} относительно Земли).

$$\vec{v} = \vec{v}' + \vec{V}$$

Сила трения — сила сцепления между телами, проявляющая себя при попытке сместить одно тело относительно другого (N — сила нормального давления, μ — коэффициент трения).

$$F_{\text{тр}} = \mu N$$

Сила упругости — сила, возникающая в теле при его деформации.

Упругая деформация — после снятия нагрузки тело приобретает первоначальную форму.

$$F_{\text{упр}} = -kx$$

Закон Гука. При упругой деформации сила упругости пропорциональна величине деформации (k — жёсткость пружины, x — её удлинение).

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

Закон всемирного тяготения. Сила притяжения двух точечных масс пропорциональна их произведению и обратно пропорциональна квадрату расстояния между ними (m_1 и m_2 — массы тел, r — расстояние между ними, $G = 6,67 \cdot 10^{-11}$ Н·м²/кг² — гравитационная постоянная).

Ускорение свободного падения на высоте h над поверхностью Земли (M — масса Земли, R — её радиус).

$$g(h) = G \frac{M}{(R+h)^2}$$

Первая космическая скорость — скорость, которую должно иметь тело, чтобы стать искусственным спутником Земли ($g = 9,8$ м/с² — ускорение свободного падения, $R = 6400$ км — радиус Земли).

$$v_1 = \sqrt{gR} \approx 8 \text{ км/с}$$